



INSTITUTO DE FÍSICA  
Universidade Federal Fluminense

# Curso de Termodinâmica-GFI 00175

## 2º semestre de 2011

Prof. Jürgen Stilck

11/5/2015

### Solução do 2º Teste

As equações de estado dadas estão na representação da entropia:

$$\frac{1}{T} = \frac{\partial s}{\partial u} = \frac{a}{u} + bv, \quad \frac{p}{T} = \frac{\partial s}{\partial v} = \frac{c}{v} + f(u).$$

Para determinar a função  $f(u)$ , observamos que a derivada segunda mista da entropia independe da ordem de derivação:

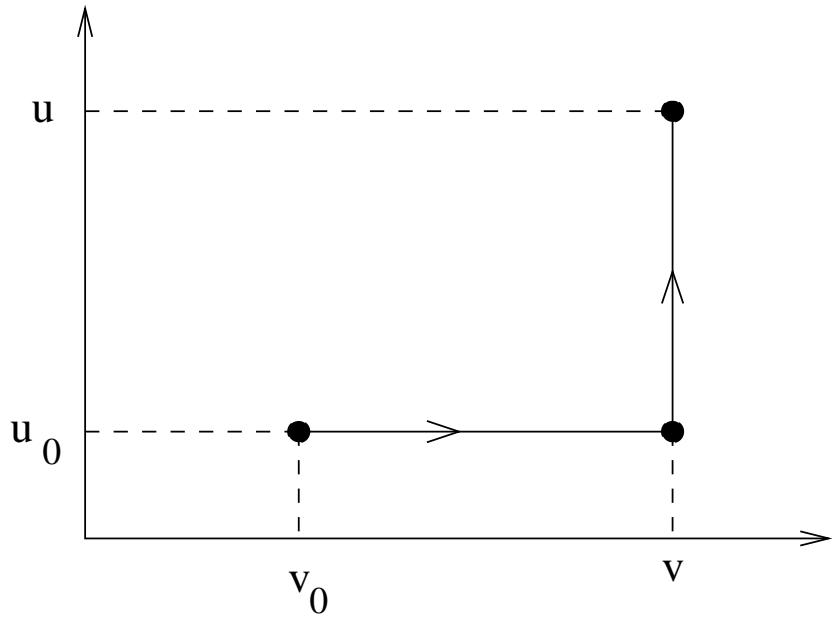
$$\frac{\partial^2 s}{\partial v \partial T} = \frac{\partial^2 s}{\partial T \partial v},$$

ou seja,

$$\frac{\partial}{\partial v} \frac{1}{T} = \frac{\partial}{\partial u} \frac{p}{T},$$

o que leva a  $b = f'(u)$ . Como  $f(0) = 0$  concluimos que  $f(u) = bu$ .

Como temos as duas derivadas da entropia molar, podemos obter a relação fundamental integrando a partir de um estado de referência  $(v_0, u_0)$ . Escolhemos a trajetória de integração abaixo indicada:



Temos, então:

$$\begin{aligned}
 s(u, v) &= s_0 + \int_{u_0, v_0}^{u, v} \left( \frac{c}{v} + bu_0 \right) dv + \int_{u_0, v}^{u, v} \left( \frac{a}{u} + bv \right) du = \\
 &= s_0 + c \ln \left( \frac{v}{v_0} \right) + bu_0(v - v_0) + a \ln \left( \frac{u}{u_0} \right) + bv(u - u_0),
 \end{aligned}$$

ou seja,

$$s(u, v) = s_0 + b(uv - u_0v_0) + c \ln \left( \frac{v}{v_0} \right) + a \ln \left( \frac{u}{u_0} \right).$$